

1(a). [5점].

먼저 원점을 제외하고는 주어진 함수는 자명하게 연속이다.

**방법1**

$x = 0$  혹은  $y = 0$ 이면,  $f(x, y) = 0$  이므로,  $x \neq 0, y \neq 0$ 이라고 가정하자.  
주어진 함수의 형태를 변형해서 산술기하 부등식을 이용하면,

$$\left| \frac{xy(x+y)}{x^2+y^2} \right| \leq \left| \frac{x+y}{2} \right|$$

이므로,  $(x, y) \rightarrow (0, 0)$ 이면  $f(x, y) \rightarrow 0$ 을 얻는다. 따라서 주어진 함수는 점  $(0, 0)$ 에서 연속이다.

**방법2**

극좌표계로

$$\begin{aligned} |f(r, \theta)| &= \left| \frac{r^3 \cos^2 \theta \sin \theta + r^3 \cos \theta \sin^2 \theta}{r^2} \right| \\ &= r |\cos \theta \sin \theta (\cos \theta + \sin \theta)| \leq 2r \end{aligned}$$

이므로 원점에서도 연속.

**채점기준**

- 원점을 제외하고 자명하게 연속임을 서술하는 데에 1점.
- $\left| \frac{xy(x+y)}{x^2+y^2} \right| \leq \left| \frac{xy(x+y)}{2xy} \right|$ 와 같이 분모에 0이 들어가는 식을 쓰고,  $x = 0$  혹은  $y = 0$ 인 경우 별도 체크 안 하면 2점 감점.
- 절대값 기호 없이 비교한 경우 2점 감점.
- 별해에서  $r |\cos \theta \sin \theta (\cos \theta + \sin \theta)|$ 에서  $\theta$ 에 대한 조작을 하지 않고, 그대로  $r \rightarrow 0^+$ 에서의 극한이 0이라 주장하면 2점만 부여.

1(b). [5점]. 방향미분계수의 정의를 이용하면,

$$D_i f(0, 0) = \lim_{t \rightarrow 0} \frac{f((0, 0) + t\mathbf{e}_i) - f(0, 0)}{t} = \lim_{t \rightarrow 0} \frac{f(t\mathbf{e}_i)}{t}, \quad i = 1, 2$$

이다. 주어진 함수의 형태를 보면  $x = 0$  혹은  $y = 0$ 이면 함수값이 0이므로,  $D_1 f(0, 0) = D_2 f(0, 0) = 0$ 을 얻는다.

**채점기준**

- 부분 점수 없음.

1(c). [5점]. 원점에서 미분 가능하면, 함수  $f(x, y)$ 의  $\mathbf{v}$ -방향 방향미분계수는

$$\text{grad } f(0, 0) \cdot \mathbf{v} = D_{\mathbf{v}} f(0, 0)$$

을 만족한다. 이제  $\mathbf{v} = (1, 1)$ 로 두면,

$$D_{\mathbf{v}} f(0, 0) = \lim_{t \rightarrow 0} \frac{f(t, t) - f(0, 0)}{t} = \lim_{t \rightarrow 0} \frac{2t^3}{2t^2 \cdot t} = 1$$

을 얻는다. 한편  $\text{grad } f(0, 0) = (0, 0)$ 이므로,  $\text{grad } f(0, 0) \cdot \mathbf{v} \neq D_{\mathbf{v}} f(0, 0)$ 이다. 따라서 함수  $f(x, y)$ 는 점  $(0, 0)$ 에서 미분 불가능하다.

**별해**

원점에서 미분가능하다면,

$$\lim_{(x, y) \rightarrow (0, 0)} \frac{|f(x, y) - f(0, 0) - \text{grad } f(0, 0) \cdot (x, y)|}{|(x, y)|} = 0$$

이어야 한다.

$$\frac{|f(x, y) - f(0, 0) - \text{grad } f(0, 0) \cdot (x, y)|}{|(x, y)|} = \left| \frac{x^2 y + xy^2}{(x^2 + y^2)^{3/2}} \right|$$

이고,  $(x, y) = (t, t)$  일 때,

$$\lim_{t \rightarrow 0^+} \left| \frac{t^2 \cdot t + t \cdot t^2}{(t^2 + t^2)^{3/2}} \right| = \frac{1}{\sqrt{2}} \neq 0$$

이므로 모순.

**채점기준**

- 극한이 0이 아님을 보이는 과정이 미흡하면 2점 감점.

2(a). [5점]. 음함수 정리를 이용하면 된다. 주어진 조건에서 점  $P$ 는 함수  $f(x, y, z)$ 의 0-등위면 위의 한 점이다. 이제 주어진 함수를  $z$ 에 대해 미분해보면,

$$\frac{\partial f}{\partial z}(P) = 2 \neq 0$$

이다. 따라서 음함수 정리에 의해, 어떤 일급함수  $g(x, y) = z$ 가 존재해서 점  $P$  근방에서  $f^{-1}(0)$ 는 함수  $g$ 의 그래프이다.

#### 채점기준

- 음함수 정리를 정확히 서술하지 않으면 점수 없음.
- $\frac{\partial f}{\partial z}(P) = 2$  값을 틀리면 2점 감점.
- 접평면을 구한 경우 점수 없음.

2(b). [5점]. 음함수 정리의 결과를 이용하면,

$$\begin{aligned}\frac{\partial g}{\partial x}(1, -1) &= -\frac{\partial f}{\partial x}(P) \bigg/ \frac{\partial f}{\partial z}(P) = -2, \\ \frac{\partial g}{\partial y}(1, -1) &= -\frac{\partial f}{\partial y}(P) \bigg/ \frac{\partial f}{\partial z}(P) = -1\end{aligned}$$

이다. 따라서,

$$\text{grad } g(1, -1) = (-2, -1).$$

#### 채점기준

- 미분계수 값 중 하나를 틀리면 2점 감점. 둘 다 틀릴 경우 점수 없음.
- 1(b)에서 접평면을 구한 경우에도, 2(b)에서 옳게 답을 구한 경우 점수 부여.

3(a). [10점]. 주어진 곡면을 표현하기 위해, 먼저 함수  $f(x, y, z)$ 를 다음과 같이 두자.

$$\begin{aligned} f(x, y, z) &= |(x, y, z) - (-3, 0, 0)| - |(x, y, z) - (3, 0, 0)| \\ &= \sqrt{(x+3)^2 + y^2 + z^2} - \sqrt{(x-3)^2 + y^2 + z^2}. \end{aligned}$$

이때,  $S = f^{-1}(4)$ 로 나타낼 수 있다.

이제 접평면을 구하기 위해서, 함수  $f(x, y, z)$ 의 편도함수들을 구해보면,

$$\begin{aligned} D_1 f(x, y, z) &= \frac{x+3}{\sqrt{(x+3)^2 + y^2 + z^2}} - \frac{x-3}{\sqrt{(x-3)^2 + y^2 + z^2}}, \\ D_2 f(x, y, z) &= \frac{y}{\sqrt{(x+3)^2 + y^2 + z^2}} - \frac{y}{\sqrt{(x-3)^2 + y^2 + z^2}}, \\ D_3 f(x, y, z) &= \frac{z}{\sqrt{(x+3)^2 + y^2 + z^2}} - \frac{z}{\sqrt{(x-3)^2 + y^2 + z^2}} \end{aligned}$$

이다. 따라서,  $D_1 f(R) = 12/13, D_2 f(R) = 0, D_3 f(R) = -8/13$ 를 얻는다. 따라서,

$$\text{grad } f(R) = (12/13, 0, -8/13)$$

을 얻는다. 이때 점  $(R)$ 에서 접평면은  $\text{grad } f(R)$ 에 수직하므로, 접평면의 방정식은

$$\left( \frac{12}{13}, 0, -\frac{8}{13} \right) \cdot \left( x-3, y, z-\frac{5}{2} \right) = \frac{12}{13}(x-3) - \frac{8}{13} \left( z-\frac{5}{2} \right) = 0$$

이므로,

$$3x - 2z = 4$$

이다.

#### 채점기준

- $\text{grad } f(R)$ 을 구하는 데에 5점.
- 접평면의 방정식을 옳게 구하는 데에 5점.
- 함수를 다르게 잡아도 채점기준은 동일.

3(b). [10점].

먼저, 벡터  $\mathbf{v} = \overrightarrow{PR} = (6, 0, 5/2)$ 가  $P$ 에서  $R$ 로의 방향임은 쉽게 구할 수 있다. 이때 반사된 방향  $\mathbf{v}^*$ 는

$$\mathbf{v}^* = \mathbf{v} - 2 \left( \frac{\mathbf{v} \cdot \text{grad } f(R)}{|\text{grad } f(R)|^2} \right) \text{grad } f(R)$$

로 나타난다. 각각을 대입하면,  $(0, 0, 1)$  방향을 얻는다.

**별해**

쌍곡선의 성질에 의해,  $\overrightarrow{PR}$ 이 반사된 방향은  $\overrightarrow{QR}$  방향과 같다. 따라서  $(0, 0, 1)$  방향이다.

**채점기준**

- $\mathbf{v}^*$ 의 식을 구하는 데에 5점.
- $\mathbf{v}^*$  계산을 통해  $(0, 0, 1)$  방향을 구하는 데에 5점.

4. [10점].

주어진 함수  $f(x, y)$ 는 무한급 함수들의 합성이므로, 좌표평면 위에서 연쇄 법칙에 의해 미분 가능하다. 따라서 임의의 단위벡터  $\mathbf{v}$ 에 대하여,

$$D_{\mathbf{v}} f(1, 0) = \text{grad } f(1, 0) \cdot \mathbf{v}$$

를 만족한다. 이때,  $\text{grad } f(1, 0) = (0, 1)$ 이다. 따라서  $D_{\mathbf{v}} f(1, 0)$ 이 최소이면, 단위벡터  $\mathbf{v}$ 는 벡터  $(0, -1)$ 이다. 한편

$$D_{(a,b)}^2 = a^2 D_1^2 + 2ab D_1 D_2 + b^2 D_2^2$$

이므로, 벡터  $\mathbf{v}$ 를 대입하면  $D_{(0,-1)} f(1, 0) = 1$ 을 얻는다.

**채점기준**

- $\mathbf{v} = (0, -1)$ 을 구하는 데에 5점.
- 답 1을 계산하는 데에 5점.
- 최대가 되는  $\mathbf{v}$ 를 구하는 것으로 문제를 잘못 보고 푼 경우 5점만 부여.

5. [10점].

이급함수  $f(x, y)$ 의 원점에서의 2차 근사다항식의 정의는 다음과 같다.

$$T_2 f(x, y) = f(0, 0) + D_1 f(0, 0)x + D_2 f(0, 0)y \\ + \frac{1}{2}(D_{11} f(0, 0)x^2 + 2 D_{12} f(0, 0)xy + D_{22} f(0, 0)y^2).$$

이로부터,  $D_{11} f(0, 0) = 1$ ,  $D_{12} f(0, 0) = 0$ ,  $D_{22} f(0, 0) = -1$ 을 얻는다.  
따라서 답은  $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$  이다.

**별해**

먼저  $f(x, y) = T_2 f(x, y) + o(x^2 + y^2)$ 으로 표현할 수 있다. 이때 어떤 함수  $g(x, y)$ 가  $g(x, y) = o(x^2 + y^2)$ 라는 의미는, 임의의 양수  $\varepsilon > 0$ 에 대하여, 적당히 작은 원점 근방의 임의의 점  $p = (x, y)$ 에 대해

$$g(p) \leq \varepsilon |x^2 + y^2|$$

임을 말한다. 이로부터  $g(0, 0) = 0$ 임을 알 수 있다. 따라서  $\mathbf{v} = (a, b)$ 이고  $0 < t \ll 1$ 일 때, 위 부등식으로부터

$$\frac{|g((x, y) + t\mathbf{v}) - g(x, y)|}{|t|} \leq \varepsilon \left( \frac{|(x + ta)^2 + (y + tb)^2 - (x^2 + y^2)|}{|t|} \right) \\ = \varepsilon |t(a^2 + b^2) + 2(ax + by)|$$

임을 알 수 있다. 따라서  $h(x, y) = x^2 + y^2$ 으로 두면, 임의의  $\varepsilon > 0$ 에 대하여 원점 근방에서

$$|D_{\mathbf{v}} g(x, y)| \leq \varepsilon |D_{\mathbf{v}} h(x, y)| = 2\varepsilon |ax + by|$$

를 만족한다. 따라서,  $D_{\mathbf{v}} g(x, y) = o(|ax + by|)$ 이다. 이로부터

$$D_{\mathbf{v}} g(0, 0) = 0$$

을 얻는다. 비슷한 방법으로  $D_{\mathbf{v}}^2 g(0, 0) = 0$ 도 얻는다.  
따라서,

$$D_{\mathbf{v}}^2 f(0, 0) = D_{\mathbf{v}}^2 T_2 f(0, 0)$$

임을 알 수 있다. 이제 주어진 식을 이용해 값을 구해보면,

$$D_{11} f(0, 0) = 1, D_{12} f(0, 0) = D_{21} f(0, 0) = 0, D_{22} f(0, 0) = -1$$

을 얻는다. 따라서 답은  $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$  이다.

**채점기준**

- 근사다항식을 직접 미분하여 헤세 행렬을 구한 경우 -5점.
- 계수에 2배를 생략한 경우 -5점.



6. [15점]. 임계점을 구하기 위해 주어진 함수를 미분해보면,

$$\begin{aligned} D_1 f(x, y) &= 1 + \frac{x}{x^2 + y^2}, \\ D_2 f(x, y) &= -2 + \frac{y}{x^2 + y^2}, \\ D_{11} f(x, y) &= \frac{y^2 - x^2}{(x^2 + y^2)^2}, \\ D_{12} f(x, y) &= \frac{-2xy}{(x^2 + y^2)^2}, \\ D_{22} f(x, y) &= \frac{x^2 - y^2}{(x^2 + y^2)^2} \end{aligned}$$

을 얻는다.

이제  $\text{grad } f(x, y) = (0, 0)$  일 조건을 구해보자. 먼저, 편도함수로부터,

$$\begin{aligned} x + x^2 + y^2 &= 0, \\ y - 2(x^2 + y^2) &= 0 \end{aligned}$$

을 얻는다. 두 식을 연립하여  $x^2 + y^2$  항을 소거시키면, 점  $(0, 0)$ 과  $(-1/5, 2/5)$ 가 해가 됨을 알 수 있다. 하지만  $(0, 0)$ 은  $f(x, y)$ 의 정의역에 포함되지 않으므로,  $(-1/5, 2/5)$ 를 얻는다. 이를 대입해서 헤세행렬을 구해보면,

$$f'' \left( -\frac{1}{5}, \frac{2}{5} \right) = \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 4 & -3 \end{bmatrix}$$

을 얻는다.  $\det f''(-\frac{1}{5}, \frac{2}{5}) = -25 < 0$ 이므로 헤세 판정법에 의해 점  $(-1/5, 2/5)$ 는 안장점이다.

#### 채점기준

- 임계점을 모두 잘 구하였으면 +5점.
- 헤세 행렬을 올바르게 구하였으면 +5점.
- 임계점과 헤세 행렬을 모두 올바르게 구하였고, 헤세 판정법을 잘 사용하였으면 +5점.

7. [20점]. 구면은  $\mathbb{R}^3$ 의 유계인 닫힌 집합이므로 함수  $f(x, y, z)$ 는 구면 위에서 최대값과 최소값을 갖는다. 이제 함수  $g(x, y, z) = x^2 + y^2 + z^2$ 를 정의하자. 라그랑주 승수법을 쓰기 위해서  $f$ 와  $g$ 의 기울기 벡터를 구해보면,

$$\begin{aligned}\text{grad } f(x, y, z) &= (\sqrt{3}(y+z), \sqrt{3}x-z, \sqrt{3}x-y), \\ \text{grad } g(x, y, z) &= (2x, 2y, 2z)\end{aligned}$$

이다.

이제  $\text{grad } f(x, y, z) = \lambda \text{grad } g(x, y, z)$ 를 연립해서 풀어보면,

먼저  $2\lambda(y-z) = y-z$ 로부터  $\lambda = \frac{1}{2}$  혹은  $y=z$ 을 얻는다.

$y=z$ 인 경우  $2\lambda^2 + \lambda = 3$ 으로부터  $\lambda = 1$  혹은  $\lambda = -\frac{3}{2}$ 을 얻는다.

각 경우에 대해  $x, y, z$ 의 값을 구해보면,

$$\left(0, \pm \frac{\sqrt{1}}{2}, \mp \frac{\sqrt{3}}{2}\right), \left(\pm \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{5}}, \mp \frac{1}{\sqrt{5}}, \mp \frac{1}{\sqrt{5}}\right), \left(\pm \frac{2}{\sqrt{10}}, \mp \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{10}}, \mp \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{10}}\right)$$

을 얻는다. 이를  $f(x, y, z)$ 에 대입해보면, 최댓값 1과 최솟값  $-\frac{3}{2}$ 을 얻는다.

**채점기준**

- 최대-최소 정리를 언급하였으면 +2점.
- $\text{grad } f = \lambda \text{grad } g$  임을 언급하였으면 +3점.
- 임계점 3쌍 중 1쌍을 올바르게 구할 때마다 +5점.
- 임계점을 올바르게 구하였지만 최댓값, 최솟값을 잘못 구하였으면 -5점.

8(a). [5점].

역함수 관계와 연쇄법칙을 이용하면 함수  $F_1$ 의 정의역의 임의의 점  $P \in \mathbb{R}^3$ 에 대하여 다음을 만족한다.

$$P = F_2(F_1(P)), \quad F'_2(F_1(P))F'_1(P) = I$$

이때  $F'_1, F'_2$ 은 행렬이다. 마찬가지로 함수  $F_2$ 의 정의역의 임의의 점  $Q \in \mathbb{R}^3$ 에 대해서도 같은 식이 성립한다. 따라서 행렬  $F'_1, F'_2$ 는 가역이고, 이로부터  $\det F'_1(P) \neq 0$ 임을 알 수 있다.

채점기준

- 역함수 정리를 이용한 경우에도 논리가 맞으면 점수 부여.
- 연쇄법칙으로 미분한 식까지 3점.
- 미분계수가 가역행렬임을 이용해서 행렬식이 0이 아님을 보이는 데에 2점.

8(b). [5점].

정의역의 임의의 점  $(x, y)$ 에 대해서, 연쇄법칙에 의해 다음이 성립한다.

$$(G \circ H)'(u, v) = G'(H(u, v))H'(u, v).$$

따라서 각각을 구해보면,

$$G'(x, y) = \begin{bmatrix} 3x^2 & 3y^2 \\ y & x \end{bmatrix}, \quad H'(u, v) = \begin{bmatrix} e^u & 0 \\ 0 & -\sin v \end{bmatrix},$$
$$G'(H(u, v)) = \begin{bmatrix} 3e^{2u} & 3\cos^2 v \\ \cos v & e^u \end{bmatrix}$$

을 얻고,  $(u, v) = (0, \pi/2)$ 를 대입하면  $\det(G \circ H)'(0, \pi/2) = -3$ 을 얻는다.

채점기준

- $G', H'$ 을 각각 모두 옳게 구하면 3점 부여. 틀릴 경우 점수 없음.
- 행렬식 값을 구하는 데에 2점.
- 행렬만 구하고, 행렬식을 구하지 않은 경우 2점만 부여.

8(c). [5점].

점  $P = (3, 1)$ 에서 함수  $G(x, y)$ 의 미분계수의 행렬식의 절대값은 점  $P$ 에서의 순간 부피변화율과 같다. 즉,

$$\lim_{r \searrow 0} \frac{\text{Vol}(G(\overline{\mathbb{B}}_r(P)))}{\text{Vol}(\overline{\mathbb{B}}_r(P))} = |\det G'(P)|$$

이다. 따라서 점  $P$ 를 대입해보면  $\det \begin{bmatrix} 27 & 3 \\ 1 & 3 \end{bmatrix}$ 를 얻는다. 따라서 답은 78이다.

**채점기준**

- 순간부피변화율과 미분계수의 행렬식간 관계를 서술하는 데에 3점.
- 행렬식 계산에 2점 부여.

9. [20점].

먼저 벡터장  $\mathbf{F}_1(x, y)$ ,  $\mathbf{F}_2(x, y)$ 를 다음과 같이 정의하자.

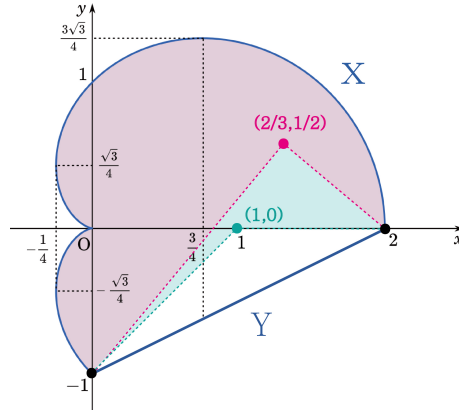
$$\mathbf{F}_1(x, y) = \frac{(-y, x-1)}{(x-1)^2 + y^2}, \quad \mathbf{F}_2(x, y) = \frac{(-y+1/2, x-3/2)}{(x-3/2)^2 + (-y+1/2)^2}.$$

이로부터  $\mathbf{F}(x, y) = \mathbf{F}_1(x, y) - \mathbf{F}_2(x, y)$ 임을 알 수 있다. 한편, 벡터장  $\mathbf{F}_1(x, y)$ 와  $\mathbf{F}_2(x, y)$ 는 각각 각원소 벡터장을  $(0, 1)$ 과  $(3/2, 1/2)$ 만큼 평행이동 시킨 벡터장들이다. 따라서 선적분  $\int_X \mathbf{F}_1 \cdot d\mathbf{s}$ 와  $\int_X \mathbf{F}_2 \cdot d\mathbf{s}$ 는 곡선  $X$ 를 따라 이동한 점의 각도 변화량을 각각 점  $(0, 1)$ 과 점  $(3/2, 1/2)$ 을 기준으로 구한 값이다.

한편 곡선  $X$ 는 시점  $(2, 0)$ 와 종점  $(0, -1)$ 을 갖는다. 또한

$$Y(t) = (1-t)(2, 0) + t(0, -1), \quad t \in [0, 1]$$

로 둘 때, 점  $(0, 1)$ ,  $(3/2, 1/2)$ 는 폐곡선  $X \cup Y$  내부에 위치한다.



따라서 기준점에서 곡선  $X$ 의 시점과 종점을 잇는 벡터들의 사이각을  $2\pi$ 에서 빼주면,

$$\begin{aligned} \int_X \mathbf{F}_1 \cdot d\mathbf{s} &= 2\pi - \arccos \frac{(1, 0) \cdot (-1, -1)}{\|(1, 0)\| \|(-1, -1)\|} = 2\pi - \frac{3}{4}\pi = \frac{5}{4}\pi, \\ \int_X \mathbf{F}_2 \cdot d\mathbf{s} &= 2\pi - \arccos \frac{(\frac{3}{2}, \frac{3}{2}) \cdot (-\frac{1}{2}, \frac{1}{2})}{\|(\frac{3}{2}, \frac{3}{2})\| \|(-\frac{1}{2}, \frac{1}{2})\|} = 2\pi - \frac{\pi}{2} = \frac{3}{2}\pi \end{aligned}$$

이므로,  $\int_X \mathbf{F} \cdot d\mathbf{s} = \frac{5}{4}\pi - \frac{3}{2}\pi = -\frac{1}{4}\pi$ 를 얻는다.

### 채점기준

- $F_1, F_2$ 가 각원소벡터장의 평행이동한 벡터장임을 서술하는 데에 각 5점.
- $F_2$  부호 틀리면 5점 감점.
- $F_1, F_2$  선적분 값에 각 5점.
- 위의 기준을 모두 옳게 구했으나, 마지막에 답만 잘못 옮겨 적은 경우는 감점 없음.
- 잠재함수를 구하려고 시도한 경우,  $\arctan$  함수의 정의역에 대한 고려가 없을 경우 점수 없음.
- 선적분을 직접 대입하려고 한 경우, 대입만 맞을 경우 5점만 부여.

10. [15점]. 벡터장  $\mathbf{F}$ 는

$$\mathbf{F}(X) = \frac{(x-1, y, z)}{(x-1)^2 + y^2 + z^2} - \frac{(x, y-1, z)}{x^2 + (y-1)^2 + z^2}$$

이다. 이를 통해  $\mathbf{F}(X)$ 의 잠재함수  $\varphi(x, y, z)$ 가 다음과 같음을 알 수 있다.

$$\varphi(x, y, z) = \frac{1}{2}(\log((x-1)^2 + y^2 + z^2) - \log(x^2 + (y-1)^2 + z^2))$$

따라서 선적분의 기본정리에 의하여,

$$\begin{aligned} \int_X \mathbf{F} \cdot d\mathbf{s} &= \varphi(X(\pi)) - \varphi(X(0)) \\ &= \frac{1}{2}(\log(1+0+0) - \log(4+1+0) - \log(9+0+1) + \log(4+1+1)) \\ &= \frac{1}{2} \log \frac{25}{3} \end{aligned}$$

을 얻는다.

#### 채점기준

- 잠재함수를 잘못 구했으나, 선적분의 기본 정리를 옳게 이용한 경우는 5점만 부여.
- 잠재함수를 옳게 구하는 데에 10점.
- 계산을 옳게 마치는 데에 5점.
- 선적분을 직접 대입하려고 한 경우, 대입만 맞게한 경우 5점만 부여.